

# THERMODYNAMIQUE

PGC-22

PART-3

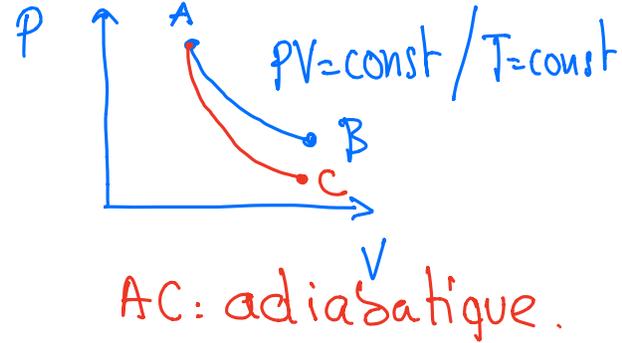
# TRANSFORMATION ADIABATIQUE

$$Q=0 \Rightarrow \Delta U = W$$

$$PV^\gamma = \text{constante}$$

$$TV^{\gamma-1} = \text{constante}$$

$$\gamma = \frac{C_p}{C_v}$$



gaz **monoatomique**

$$\gamma = \frac{5/2}{3/2} = 1.67$$

**diatomique**

$$\gamma = \frac{7/2}{5/2} = 1.40$$

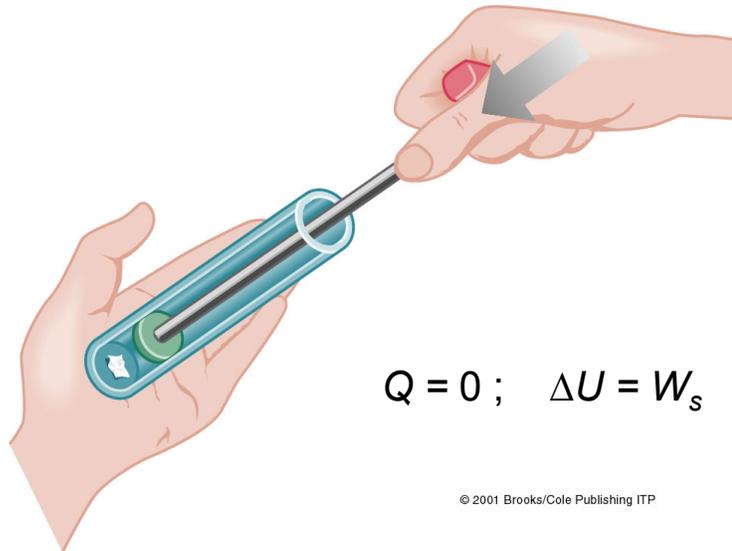
**polyatomique**

$$\gamma \approx 1.30$$

# EXEMPLE

Si le gaz est comprimé, du travail s'effectue sur le gaz ( $W_s > 0$ ) et son énergie interne augmente de même que  $T$ . Dans un moteur diesel, la compression adiabatique rapide de l'air par un facteur  $\sim 20$  résulte en une élévation de température telle que lorsque l'essence y pénètre, le mélange s'enflamme spontanément.

*Seringue de feu* : en comprimant rapidement le gaz dans l'éprouvette avec un piston, le morceau de coton s'enflamme spontanément en raison de l'élévation de température.



$$Q = 0 ; \quad \Delta U = W_s$$

# RÉSUMÉ DES TRANSFORMATIONS

Pour toutes  $\Delta U = \underline{Q + W}$  ;  $\Delta U = n C_v \Delta T$

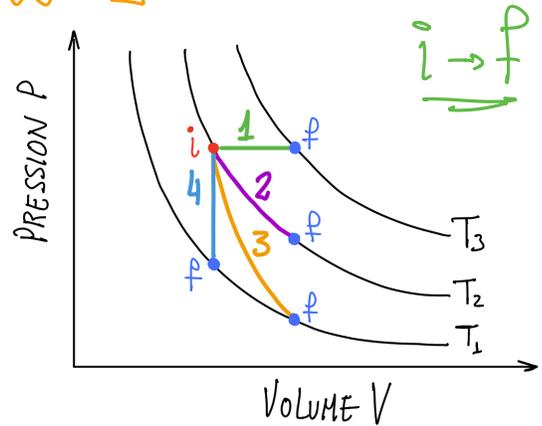
$W = - \int_{V_i}^{V_f} P dV$

1.  $P = \text{const}$  ; Isobare ;  $Q = n C_p \Delta T$  et  $W = -P \cdot \Delta V$

2.  $T = \text{const}$  ; Isotherme ;  $\Delta U = 0 \Rightarrow Q = -W = nRT \ln \frac{V_f}{V_i}$

3.  $PV^\gamma = \text{const}$  ; Adiabatique ;  $Q = 0$  ;  $W = \Delta U$

4.  $V = \text{const}$  ; Isochore ;  $W = 0$   
 $Q = \Delta U = n C_v \Delta T$

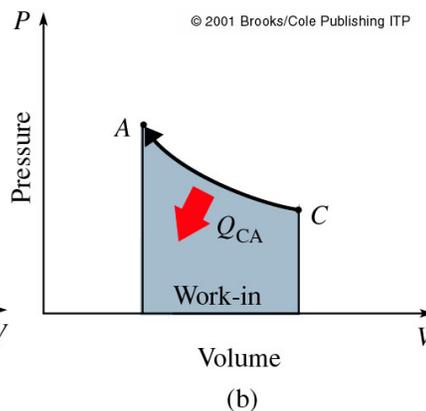
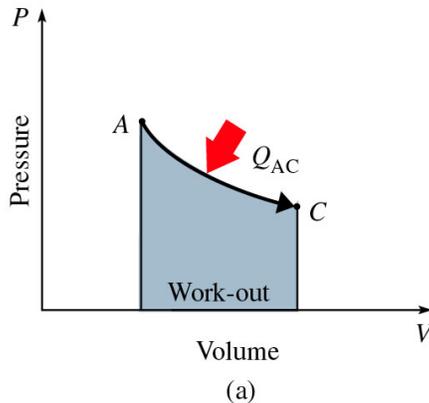


# CYCLES THERMIQUES

Dans ce qui suit, nous ne considérons que des transformations réversibles et nous voulons que le système revienne à son état initial après les transformations :  $\Delta U = 0$ .

Le diagramme dans le plan  $P - V$  représente alors un cycle.

- $W_{AC} = - \int P dV < 0$
- $Q = -W_{AC} > 0$



- $W_{CA} = -W_{AC} > 0$
  - $Q = -W_{CA} < 0$
- $W_{ACA} = 0$

© 2001 Brooks/Cole Publishing ITP

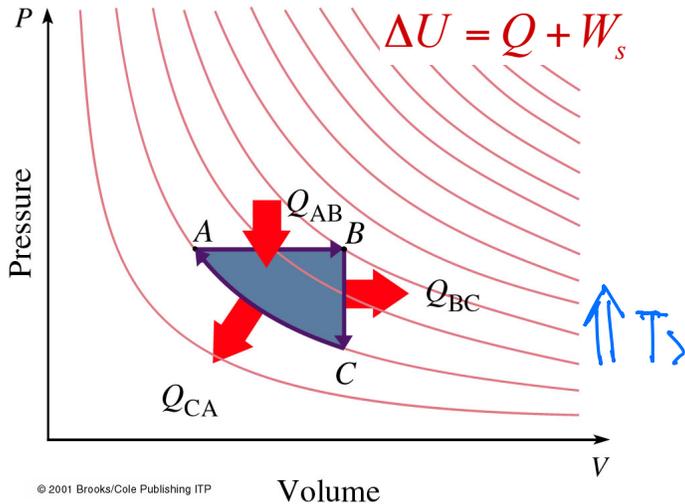
# CYCLES THERMIQUES

•  $A \rightarrow B$   $W_s < 0$   $T \uparrow$ ,  $\Delta U \uparrow$

$$Q_{AB} = \Delta U - W_s > 0$$

•  $B \rightarrow C$   $W = 0$   $\Delta U < 0$   $Q_{BC} < 0$

•  $C \rightarrow A$   $\Delta U = 0$   $W > 0$   $Q < 0$



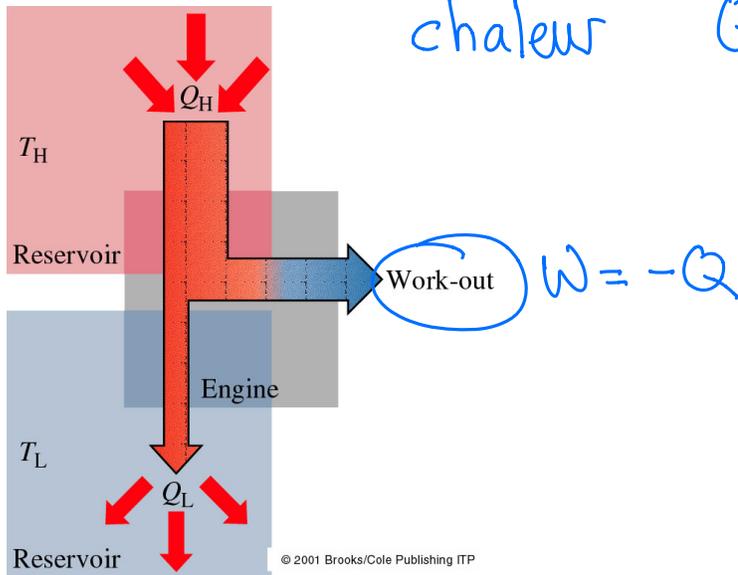
$$\Delta U_{ABCA} = 0 \quad \text{même } T$$

# MOTEURS THERMIQUES

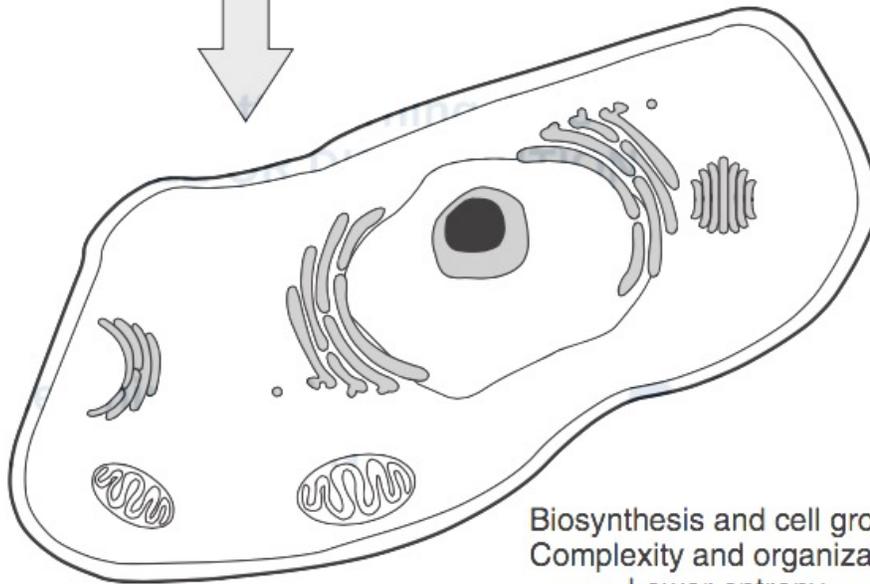
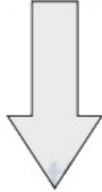
Un moteur thermique est un dispositif cyclique qui convertit l'énergie thermique en travail qu'il cède à l'extérieur.

$$U_f - U_i = \Delta U = 0 \Rightarrow Q + W = 0 \Rightarrow \underline{\underline{Q = -W}}$$

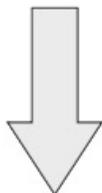
chaleur  $Q_H + Q_L = Q > 0$



Energy and matter enter  
from surroundings

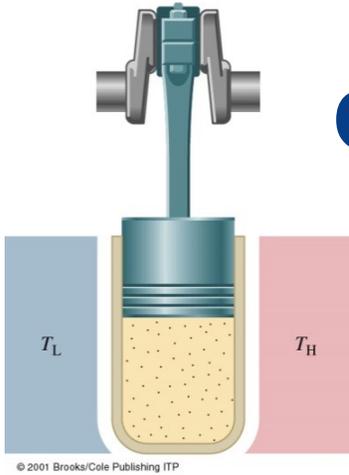


Biosynthesis and cell growth  
Complexity and organization  
Lower entropy



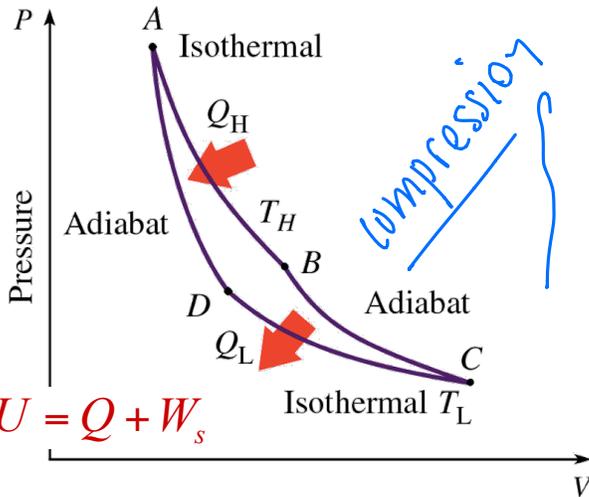
Waste matter and heat  
leave to surroundings

# CYCLE DE CARNOT



Le cycle de Carnot est un cycle idéal qui ne correspond à aucun moteur réalisable, fonctionnant selon un cycle réversible.

*detente* {  $A \rightarrow B$  isotherme  $\Delta U = 0, W < 0, Q_H > 0$   
 $B \rightarrow C$  adiabatique  $P, V, T$  changent  $Q = 0, W = \Delta U < 0$   
*compression* {  $C \rightarrow D$  isotherme  $\Delta U = 0, W > 0, Q_L < 0$   
 $D \rightarrow A$  adiabatique  $Q = 0, W = \Delta U > 0$



$$\Delta U = Q + W_s$$

# RENDEMENT D'UNE MACHINE THERMIQUE

$$r = \frac{\text{Énergie disponible sortante}}{\text{Énergie entrante}} = \frac{\text{Énergie utile}}{\text{Énergie fournie}}$$

Énergie utile = travail effectué

Énergie fournie =  $Q_H$

$$r = \frac{W}{Q_H} = \frac{Q_H - Q_L}{Q_H} = 1 - \frac{Q_L}{Q_H}$$

$$r \sim \begin{array}{l} 55\% \\ 25\% \end{array}$$

# RENDEMENT DU CYCLE DE CARNOT

$$\eta = 1 - \frac{Q_L}{Q_H}$$

$$\frac{Q_L}{Q_H} = \frac{n R T_L \ln(V_C/V_D)}{n R T_H \ln(V_B/V_A)}$$

$$T V^{\gamma-1} = \text{const} \quad \begin{matrix} (B \rightarrow C) \\ (D \rightarrow A) \end{matrix}$$

$$\eta = 1 - \frac{Q_L}{Q_H} = 1 - \frac{T_L}{T_H}$$

$$\frac{Q_L}{Q_H} = \frac{T_L}{T_H}$$

$$\left. \begin{matrix} T_H V_B^{\gamma-1} = T_L V_C^{\gamma-1} \\ T_L V_D^{\gamma-1} = T_H V_A^{\gamma-1} \end{matrix} \right\} \Rightarrow \frac{V_C}{V_D} = \frac{V_B}{V_A}$$

MAX

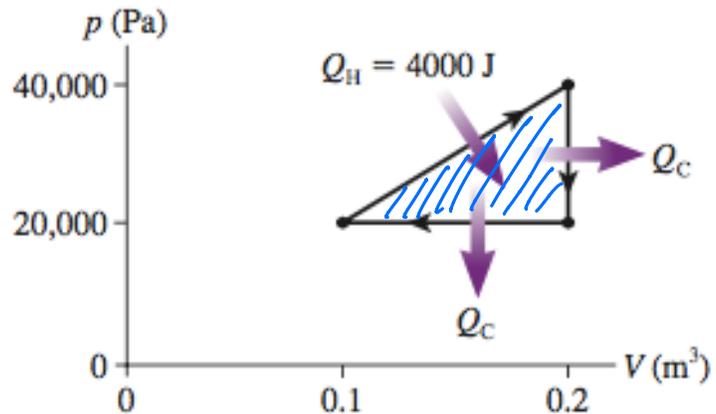
~~$\eta = 1$~~  impossible  
 $T_L = 0 \quad T_H \rightarrow \infty$

# QUESTION

$$r = \frac{W}{Q_H}$$
$$W = - \int_{V_i}^{V_f} P dV$$

Trouver le rendement de la machine décrite par le diagramme P-V dessus.

- (a) 0.10
- (b) 0.50
- (c) 0.25
- (d) 4
- (e) On peut dire puisqu'on ne connaît pas  $Q_C$



$$Q_H = 4000 \text{ J}$$

$$W = 0.1 \times 20000 \times \frac{1}{2} \text{ J} = 1000 \text{ J}$$

$$r = 0.25$$

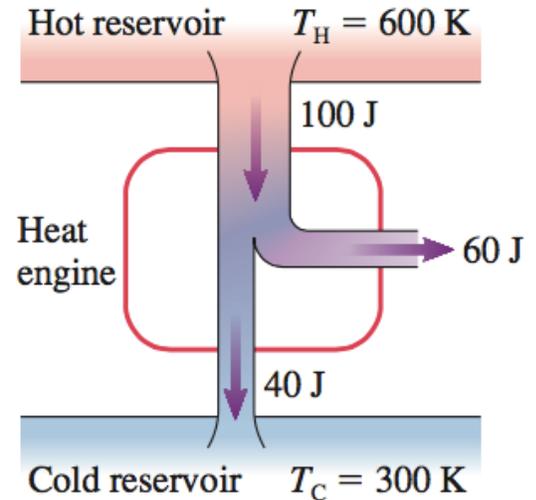
# QUESTION

Est-ce que la machine à coté est possible à construire?

- (a) Oui
- (b) Non
- (c) On ne peut pas dire

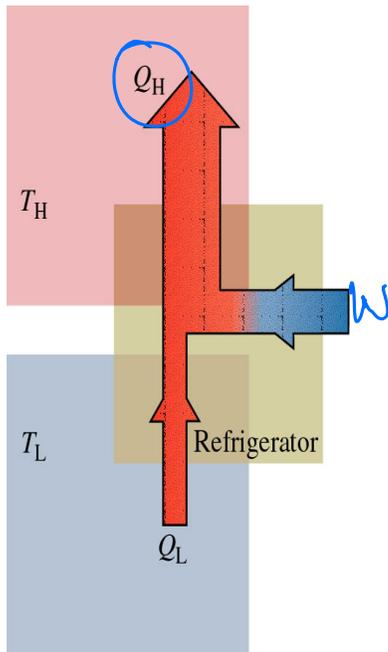
$$r = \frac{W}{Q_H} = \frac{60\text{J}}{100\text{J}} = 0.6$$

$$r_{\text{max}} = 1 - \frac{T_C}{T_H} = 1 - \frac{300}{600} = 0.5$$



# RÉFRIGÉRATEURS ET CLIMATISEURS

Réfrigérateur  $\approx$  moteur thermique marchant à l'envers



$$Q_H = Q_L + W$$

$$W = Q_H - Q_L$$

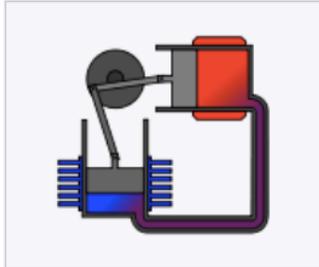
$$\eta = \frac{Q_L}{W} = \frac{Q_L}{Q_H - Q_L}$$

$\eta \uparrow$

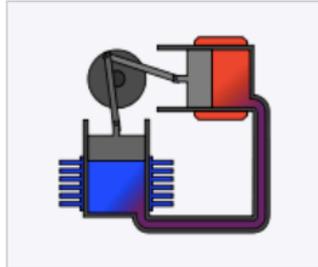
$\eta \approx 5$

$$\eta_{\text{carnot}} = \frac{T_L}{T_H - T_L}$$

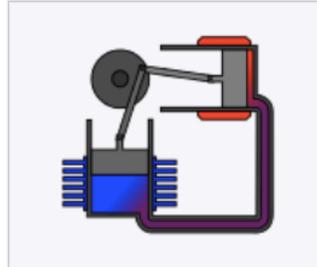
# MOTEUR DE STIRLING



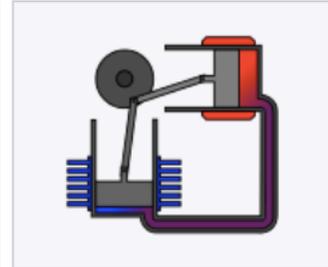
1. Le gaz de travail, chauffé au contact des parois du **cylindre chaud**, tend à occuper plus de place et repousse le **piston chaud** au fond de sa course (vers la gauche). Lorsqu'il est arrivé en butée, l'expansion du gaz se poursuit en direction du **cylindre froid** et repousse le **piston froid** (vers le haut). Ces mouvements sont transmis à la roue.



2. Le gaz est maintenant à son volume maximal. La roue transmet son mouvement au **piston chaud** (vers la droite), ce qui envoie la plus grande partie du gaz vers le **cylindre froid**, où il va se refroidir.



3. Presque tout le gaz est maintenant dans le **cylindre froid** et le refroidissement du gaz continue. La pression du gaz est à son minimum. Il se contracte et le **piston froid** redescend.

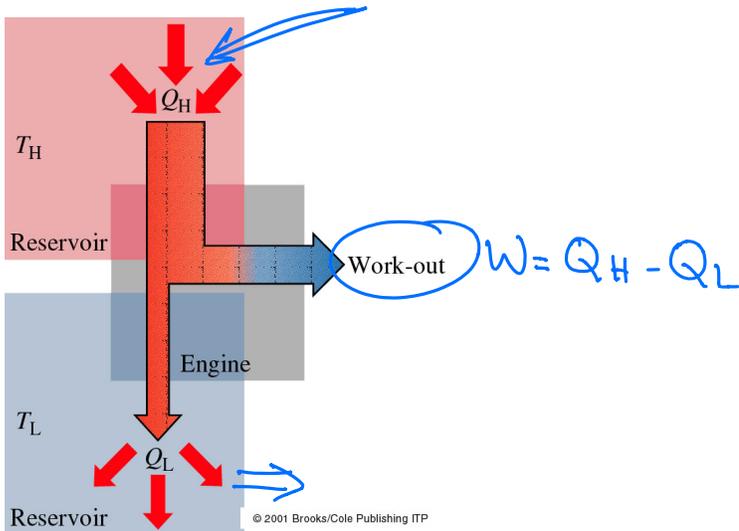


4. Le gaz est maintenant à son volume minimum et le **piston chaud** est tiré vers la gauche par la roue et les transmissions. Le gaz est ainsi aspiré dans le **cylindre chaud**. Comme il se réchauffe, son volume augmente et le cycle recommence.

Source: wikipedia

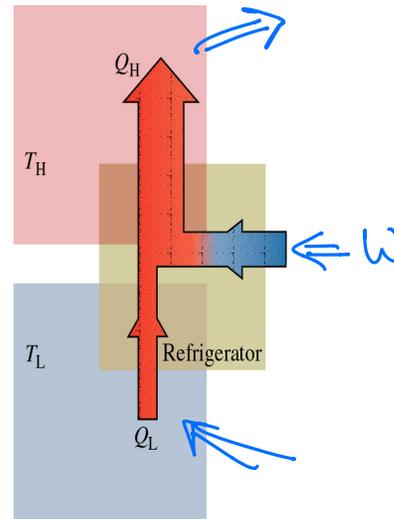
# RÉSUMÉ - MACHINES

## Machine thermique



$$r = \frac{W}{Q_H}$$
$$r < 1 - \frac{T_L}{T_H} \quad (\text{carnot})$$

## Réfrigérateur



$$\eta = \frac{Q_L}{W}$$
$$\eta < \frac{T_L}{T_H - T_L} \quad (\text{carnot})$$

# DEUXIÈME PRINCIPE

## Énoncé de Kelvin-Planck

*Négation de mouvement perpétuel*

Il n'existe aucun processus cyclique ayant pour seul résultat de transformer entièrement en travail, une quantité de chaleur  $Q$  provenant d'une source à température unique (de telle manière que  $W_s = Q$ ).

## Formulation de Clausius:

*Pas de réfrigérateur parfait*

Il ne peut y avoir de processus cyclique dont le résultat consiste à libérer la chaleur produite par un système à une température donnée pour en transmettre une quantité égale à un second système de température plus élevée.

# ENTROPIE

L'entropie donne la direction dans laquelle évolue un système. Dans un processus irréversible pour un système fermé, l'entropie du système augmente toujours : elle ne décroît jamais.

$$\Delta S = S_2 - S_1 = \frac{Q}{T}$$

L'entropie d'un système:

augmente quand il reçoit de la chaleur

diminue quand il perd de la chaleur

reste inchangée par un travail effectué en absence de frottement.

# CYCLE DE CARNOT ET ENTROPIE

$$A \rightarrow B \quad \Delta S_H = \frac{Q_H}{T_H}$$

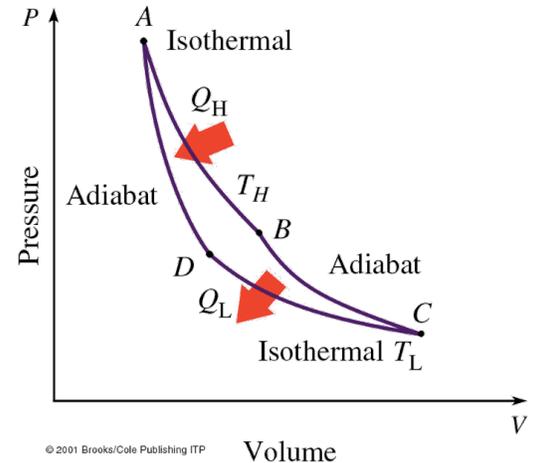
$$B \rightarrow C \quad Q=0 \quad \Delta S=0$$

$$C \rightarrow D \quad \Delta S_L = \frac{Q_L}{T_L}$$

$$D \rightarrow A \quad Q=0 \quad \Delta S=0$$

$$\frac{Q_H}{Q_L} = \frac{T_H}{T_L}$$

$$\Delta S_{\text{net}} = \Delta S_H - \Delta S_L = 0$$



# ORDRE ET DESORDRE

Chaque transformation augmente l'entropie de l'Univers ou, au mieux, la laisse inchangée.

# History of the Universe

