

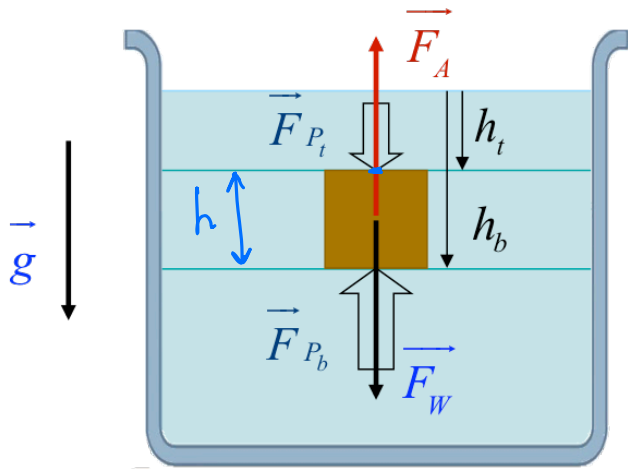
HYDROSTATIQUE

$$P = \frac{F_{\perp}}{A}$$

$$P = \rho gh$$

PGC-07

POUSSÉE D'ARCHIMÈDE



$$P_t = \rho g h_t \Rightarrow F_t = P_t A \Rightarrow F_t = \rho g h_t A$$

$$P_b = \rho g h_b \Rightarrow F_b = P_b \cdot A \Rightarrow F_b = \rho g h_b A$$

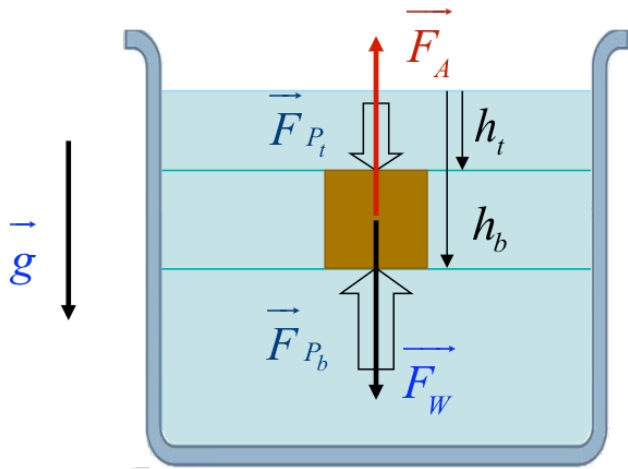
$$F_{NET} = F_t - F_b \Rightarrow$$

$$F_{NET} = (P_t - P_b) A = -\rho g h A \Rightarrow$$

$$F_{NET} = -\rho g V = -g \rho V \rightarrow M_{\text{eau dans } V}$$

$$\Rightarrow F_{NET} = -M_{\text{eau}} \cdot g \quad (F_A)$$

POUSSÉE D'ARCHIMÈDE - FORCE



$$F = F_w - F_A \Rightarrow$$

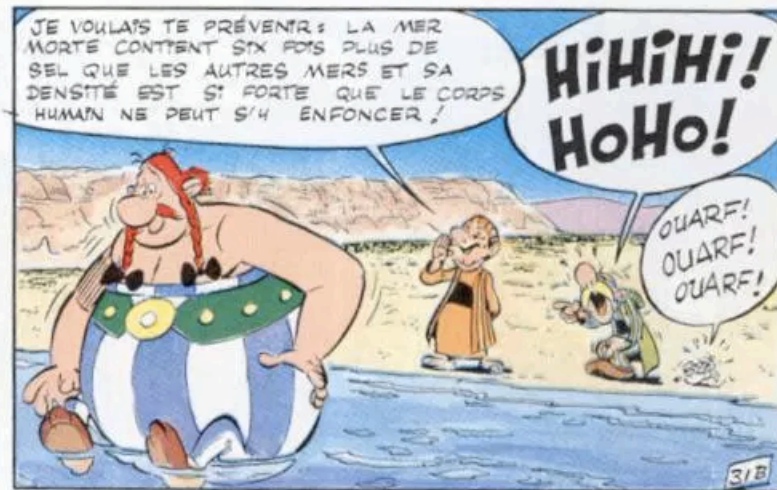
$$F = mg - m_e g = (m - m_e) g \Rightarrow$$

$$\Rightarrow F = (\rho - \rho_e) V g$$

$$\rho > \rho_e : F (+)$$

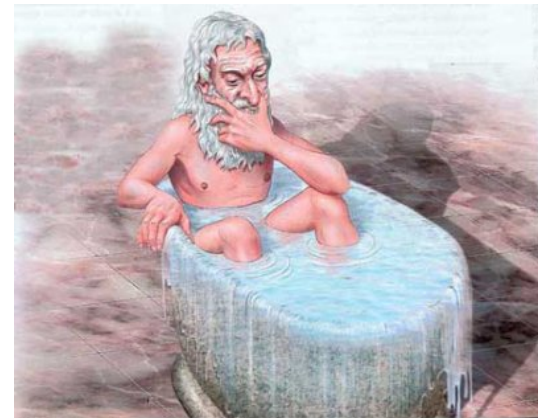
$$\rho < \rho_e : F (-)$$

$$\rho = \rho_e : F = 0$$



PRINCIPE D'ARCHIMÈDE

Tout corps plongé dans un fluide subit une poussée de bas en haut égale (et opposée) au poids du volume de fluide déplacé



EXEMPLE

On parle souvent de la partie visible de l'iceberg sous-entendant que la plus grande partie de l'iceberg est cachée sous l'eau. Quelle est la fraction visible?

$\rho_o = 917\text{kg/m}^3$ la masse volumique de la glace.

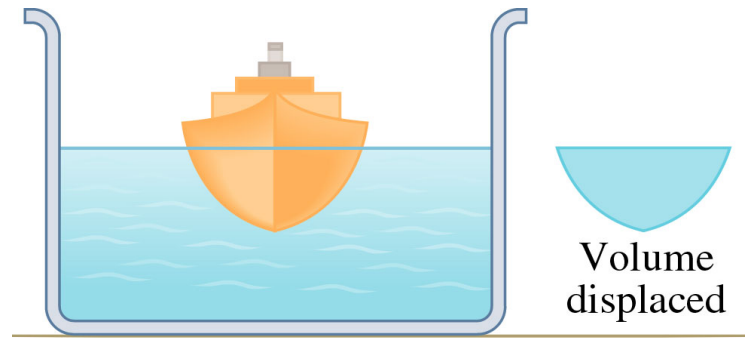
$\rho_l = 1025\text{kg/m}^3$ la masse volumique de l'eau de mer.



Pour flotter: $F_w = F_A$!

et F_A depend de la partie de la glace qui est dans l'eau.

FLOTTABILITÉ



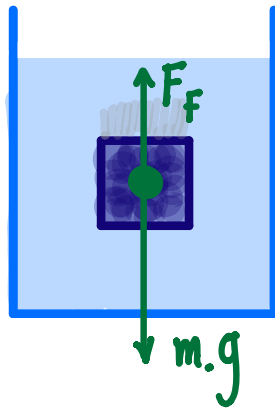
© 2001 Brooks/Cole Publishing ITP

Quelles sont des conditions pour que le bateau flotte?

- (a) Volume du bateau $>$ volume d'eau déplacé
- (b) Poids de l'eau déplacé \geq poids du bateau
- (c) Poids de l'eau déplacé $<$ poids du bateau
- (d) Masse volumique moyenne du bateau $<$ masse volumique moyenne de l'eau

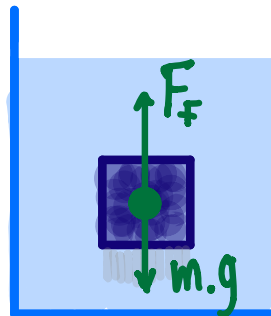
POUSSÉE D'ARCHIMÈDE

$$\rho_{\text{obj}} > \rho_{\text{fluide}}$$



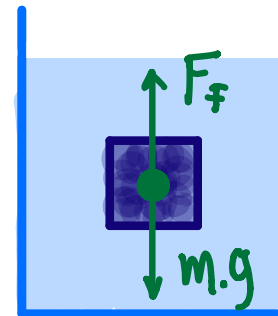
L'objet coule

$$\rho_{\text{obj}} < \rho_{\text{fluide}}$$



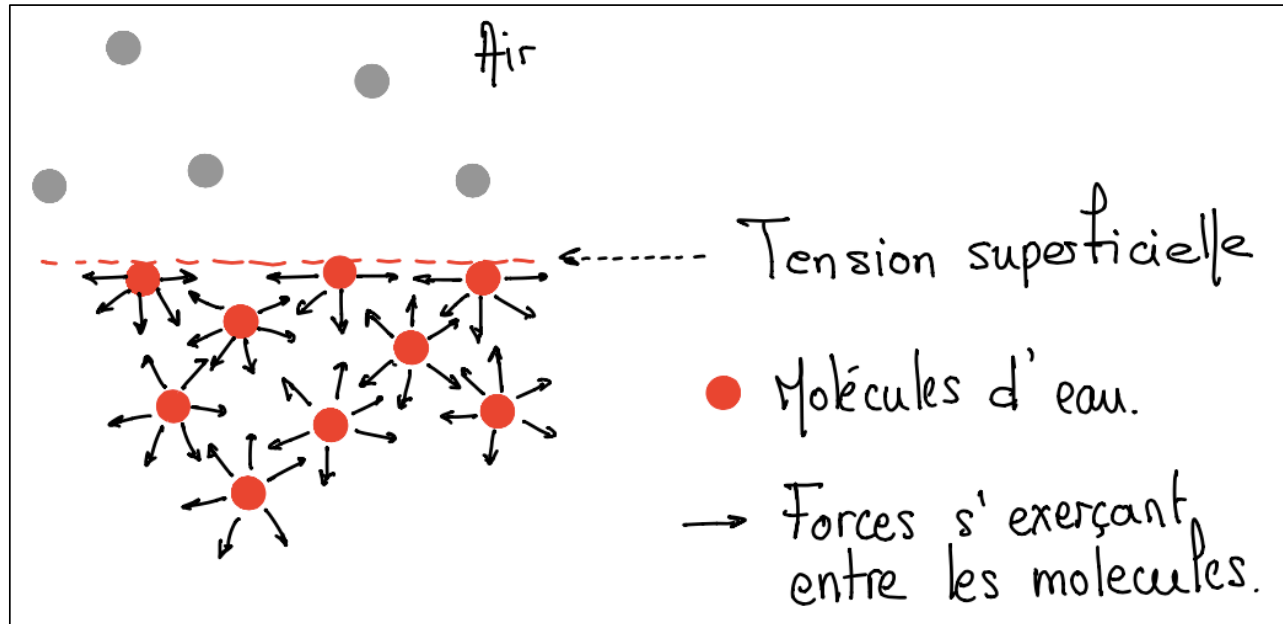
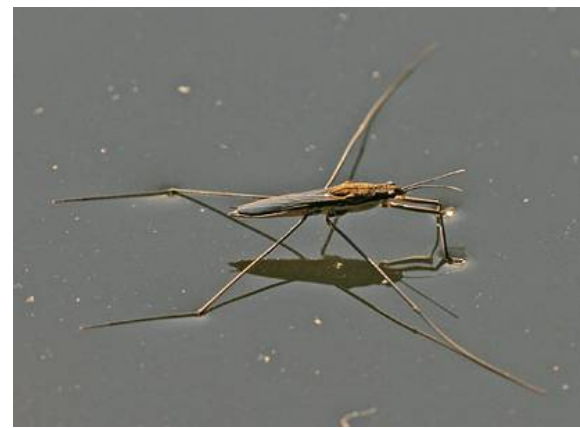
L'objet flotte

$$\rho_{\text{obj}} = \rho_{\text{fluide}}$$



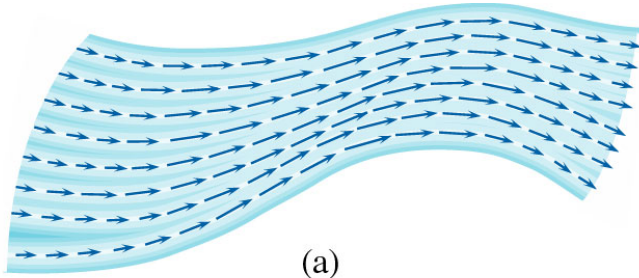
“Flottabilité Neutre”

TENSION SUPERFICIELLE

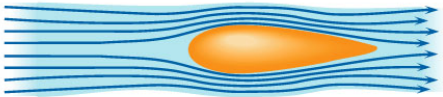


HYDRODYNAMIQUE

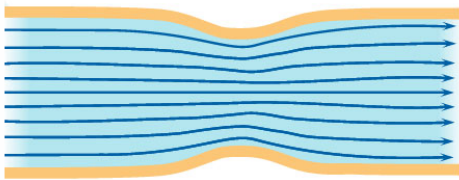
ÉCOULEMENT D'UN FLUIDE



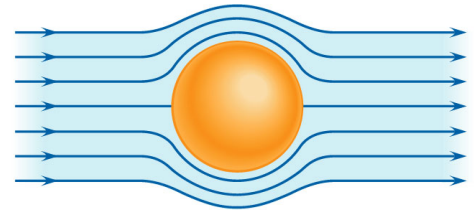
(a)



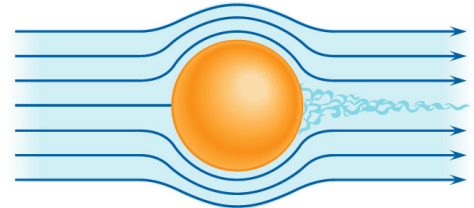
(b)



(c)



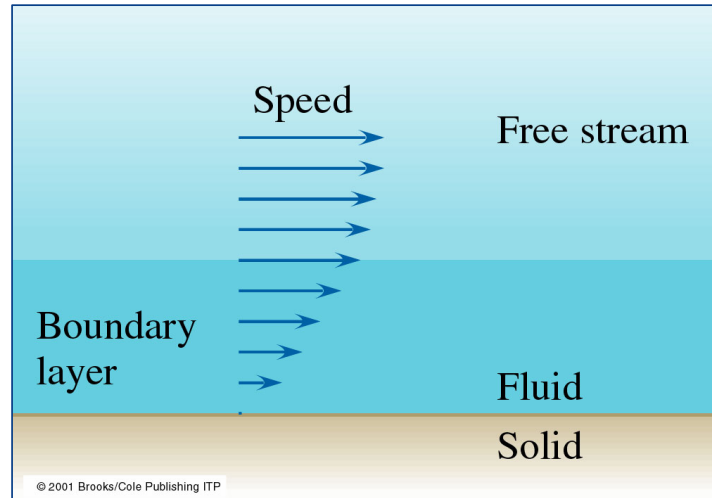
(a)



(b)

© 2001 Brooks/Cole Publishing ITP

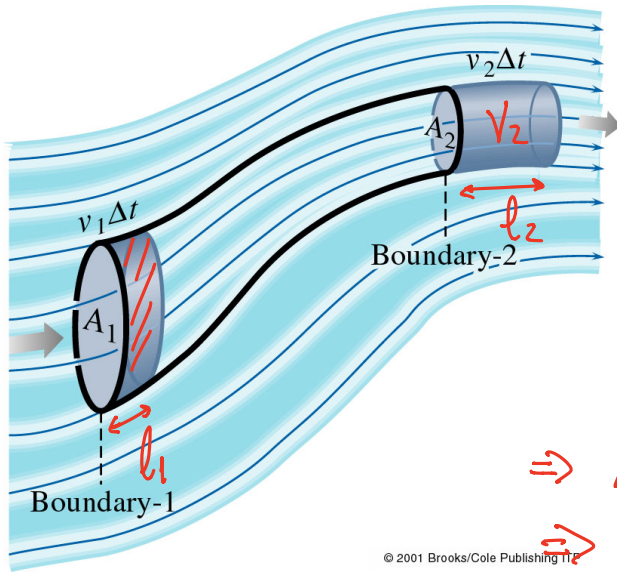
ÉCOULEMENT D'UN FLUIDE



FLUIDE PARFAIT

- Incompressible
 - Non visqueux
 - Écoulement laminaire
-
- Équation de continuité
 - Conservation d'énergie → équation de Bernoulli

ÉQUATION DE CONTINUITÉ



© 2001 Brooks/Cole Publishing Inc.

Δt

$$l_1 = \Delta t \cdot v_1$$

$$l_2 = \Delta t \cdot v_2$$

$$v_1 = v_2 \Rightarrow l_1 \cdot A_1 = l_2 \cdot A_2 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow A_1 \cdot \cancel{\Delta t} \cdot v_1 = A_2 \cdot \cancel{\Delta t} \cdot v_2 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow A_1 \cdot v_1 = A_2 \cdot v_2 \quad \text{Eq. Continuité}$$

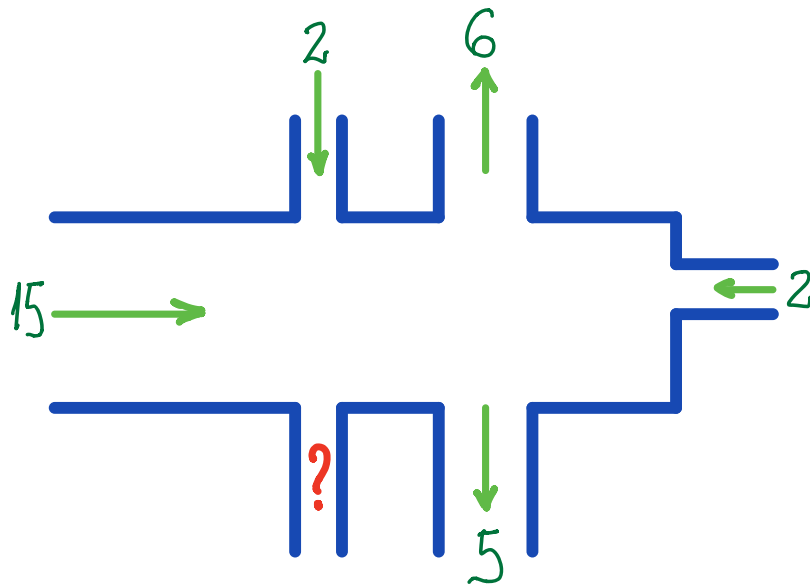
$A \cdot v = \text{const.}$

Débit volumique $A \cdot v = J$

$$[J] = \text{m}^3/\text{s}$$

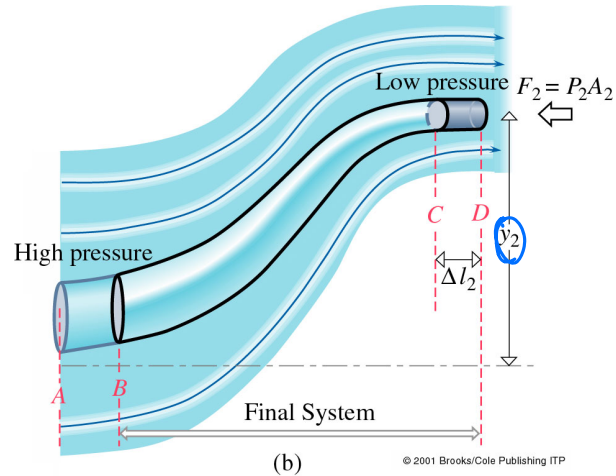
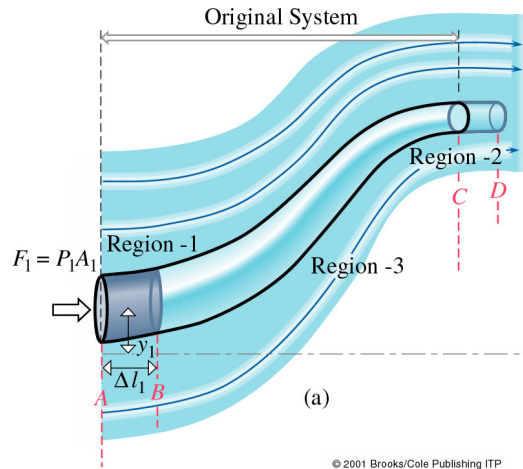
$$\left(J = A \cdot v = A \cdot \frac{dl}{dt} = \frac{d(A \cdot l)}{dt} = \frac{dV}{dt} \right)$$

QUESTION – LE DÉBIT VOLUMIQUE



Débit volumique
en cm^3/s

CONSERVATION D'ÉNERGIE: L'ÉQUATION DE BERNOULLI



$$\Delta W = \Delta E_{MEC}$$

$$\Delta W = \Delta E_{CIN} + \Delta E_{POT}$$

CONSERVATION D'ÉNERGIE: L'ÉQUATION DE BERNOULLI

$$\Delta W = \Delta E_{\text{cin}} + \Delta E_{\text{pot}}$$

Fluides Parfait

$$P + \frac{1}{2} \rho v^2 + \rho g h = \text{const}$$

↑
Energie interne

↑
Energie cinétique

↑
Energie Potentielle

$$\text{Si } v_1 = v_2 \Rightarrow P_1 - P_2 = \rho g (y_2 - y_1) \Rightarrow$$

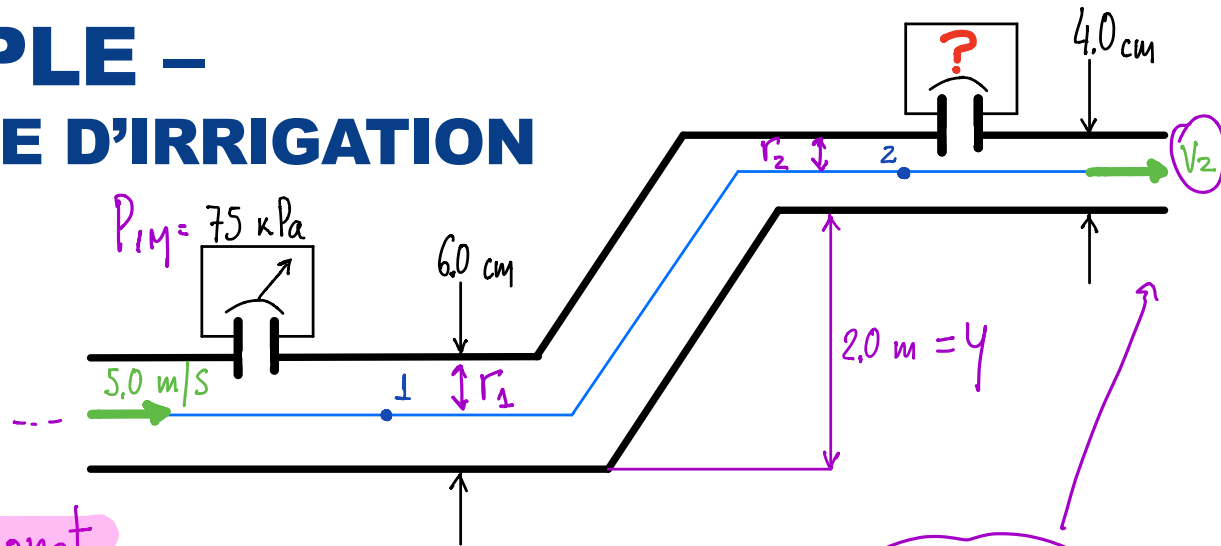
$$\left\{ y_1 = y_2 : P_1 = P_2 \right.$$

Hydrostatique pour $v=0$.

EXEMPLE – SYSTÈME D'IRRIGATION

$$P_1 = P_{1M} + P_{atm}$$

$$P_2 = P_{2M} + P_{atm}$$



$$P + \frac{1}{2} \rho v^2 + \rho g h = \text{const}$$

$$v \cdot A = \text{const} \Rightarrow v_1 A_1 = v_2 A_2 \Rightarrow v_1 \cdot 2\pi r_1^2 = v_2 \cdot 2\pi r_2^2 \Rightarrow v_2 = \frac{v_1 r_1^2}{r_2^2}$$

$$P_1 + \frac{1}{2} \rho v_1^2 + \cancel{\rho g h_1} = P_2 + \frac{1}{2} \rho v_2^2 + \rho g h_2 \Rightarrow P_2 = P_1 + \frac{1}{2} \rho v_1^2 - \frac{1}{2} \rho v_2^2 - \rho g y \Rightarrow$$

$$\Rightarrow P_{2M} = \dots 4.6 \text{ kPa}$$

EFFET VENTURI

La région d'un fluide forcée à se déplacer rapidement, devient le siège d'une pression inférieure à celle d'une partie du fluide qui se déplace plus lentement.

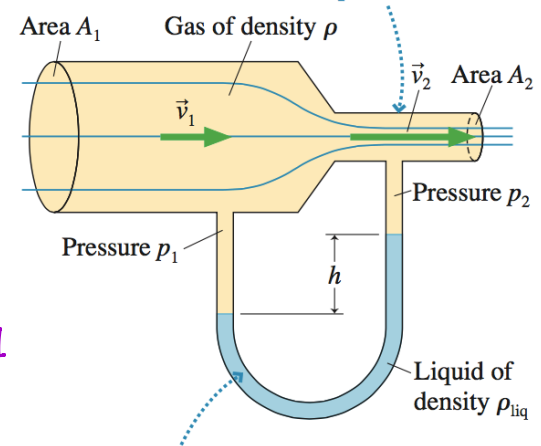
Eq. Continuité $A \cdot v = \text{const} \Rightarrow v_2 > v_1$

Eq. Bernoulli $P + \frac{1}{2} \rho v^2 + \rho g h = \text{const} \Rightarrow$

$$P_2 < P_1$$

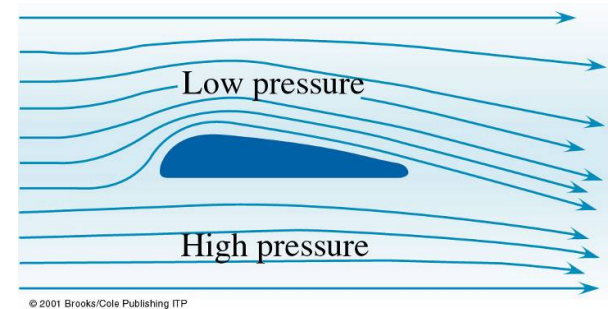
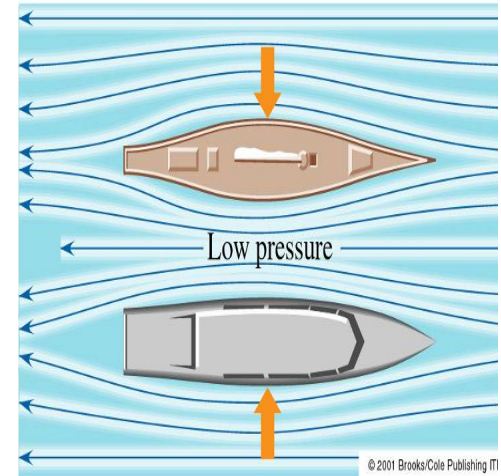
Augmente vitesse fluide \Rightarrow Diminue pression.

1. As the gas flows into a smaller cross section, it speeds up (equation of continuity). As it speeds up, the pressure decreases (Bernoulli's equation).



2. The U tube acts like a manometer. The liquid level is higher on the side where the pressure is lower.

EXEMPLES – EFFET VENTURI



QUESTION

Classer l'hauteur d'eau de chaque tube.

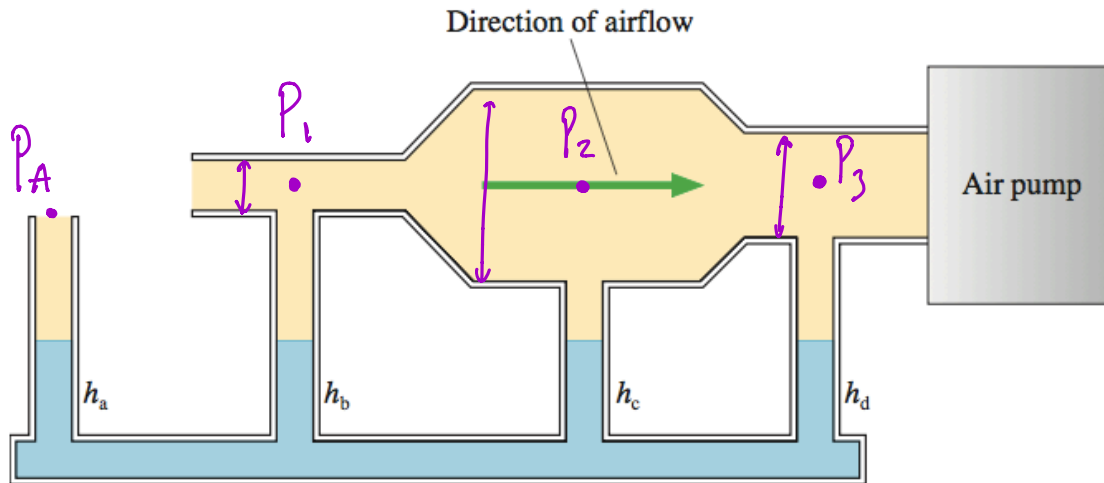
$$A \cdot v = \text{const}$$

$$A_1 < A_3 < A_2 < A$$

$$v_1 > v_3 > v_2 > v_A$$

$$P_1 < P_3 < P_2 < P_{atm}$$

$$h_b > h_d > h_c > h_a$$



EXEMPLE – EXPÉRIENCE DE TORRICELLI

Un réservoir rempli d'un liquide est percé d'un trou à sa base.
Quelle est la vitesse à laquelle le liquide jaillit par ce trou.

Eq. Bernoulli $P + \frac{1}{2} \rho v^2 + \rho gh = \text{const}$

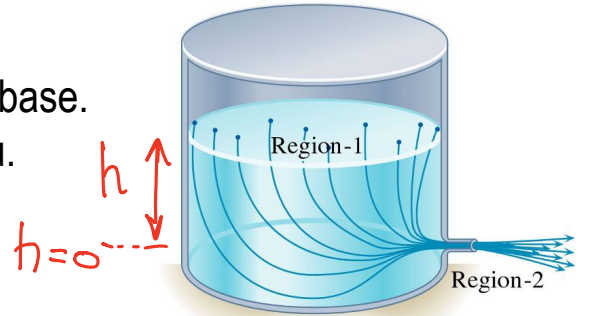
$$P_1 + \frac{1}{2} \rho v_1^2 + \rho gh = P_2 + \frac{1}{2} \rho v_2^2 \Rightarrow$$

$$v_2^2 = v_1^2 + 2 \left(\frac{P - P_A}{\rho} \right) + 2gh$$

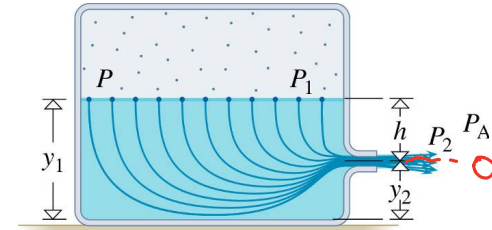
Eq. Continuité

$$\left. \begin{array}{l} A_1 \cdot v_1 = A_2 \cdot v_2 \\ A_2 \ll A_1 \end{array} \right\} \Rightarrow v_2 \gg v_1$$

$v_1 \approx 0$ WRT v_2



© 2001 Brooks/Cole Publishing ITP



© 2001 Brooks/Cole Publishing ITP

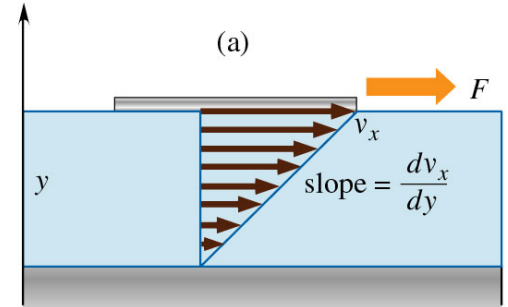
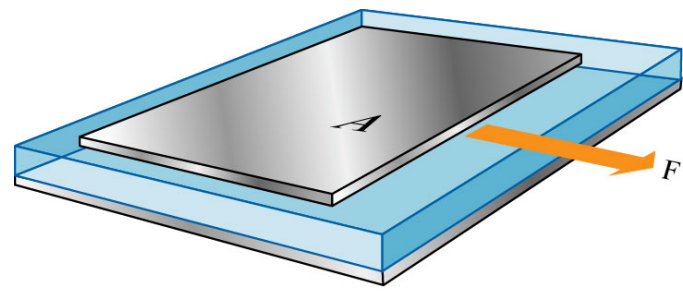
(b)

Si $P = P_A$:

$$v_2 = \sqrt{2gh}$$

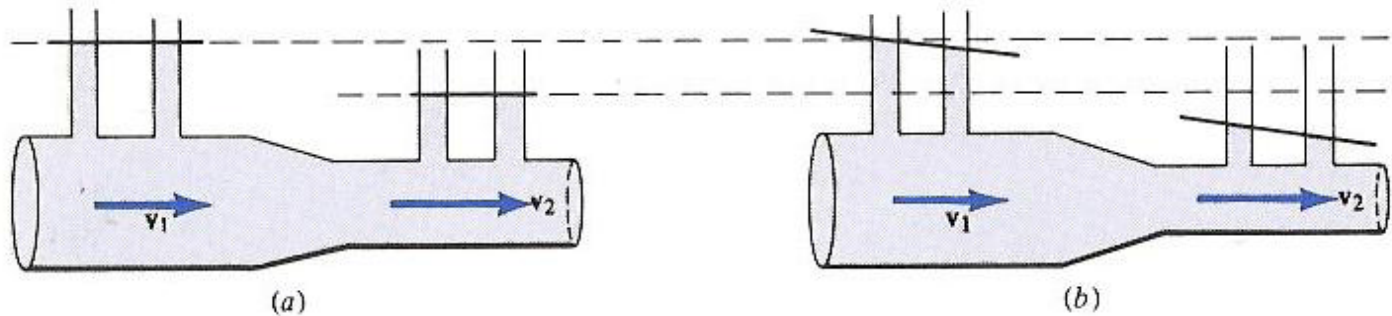
+ DEMO

LA VISCOSITÉ

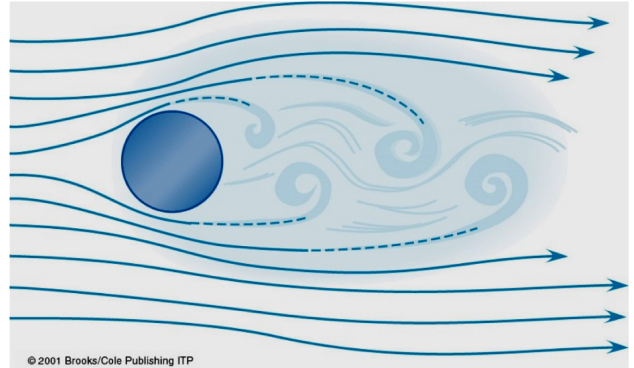
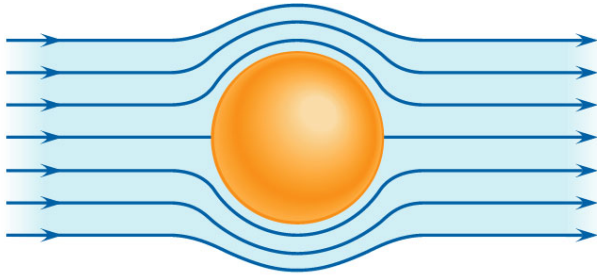


(b) © 2001 Brooks/Cole Publishing ITP

ÉCOULEMENT LAMINAIRE DANS UN TUYAU CYLINDRIQUE



ÉCOULEMENT ILLIMITÉ AUTOUR D'UN OBSTACLE



POUR INFORMATION...

Pendant un cycle cardiaque complet, la pression dans le coeur et le système circulatoire passe par un maximum (phase de pompage du coeur) et par un minimum (sang renvoyé par les veines). On mesure ces pressions extrêmes.

Le principe de mesure est basé sur le fait que l'écoulement sanguin dans les artères n'est pas toujours laminaire. L'écoulement devient turbulent quand les artères sont comprimées. Il est alors bruyant et peut être perçu au moyen d'un stéthoscope.

Rapport systolique/diastolique : 120/80 en mm Hg.

