

# L'ÉNERGIE

## TRAVAIL ET ÉNERGIE MÉCANIQUE

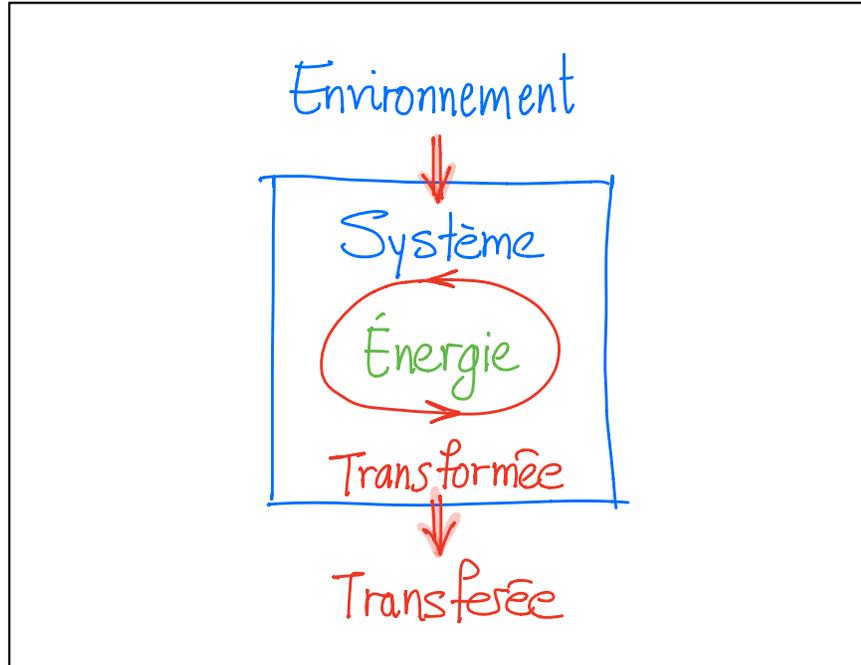
PGC-05



# L'ÉNERGIE

Une mesure de l'état d'un système.

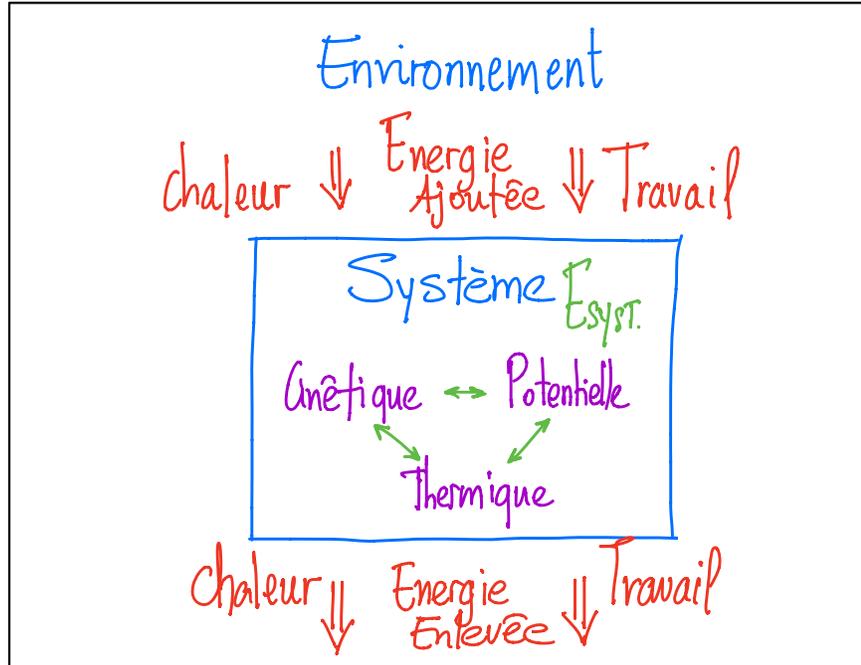
L'énergie peut être **transférée** entre un système et son environnement, ou **transformée** dans le système.



# L'ÉNERGIE

Une mesure de l'état d'un système.

L'énergie peut être **transférée** entre un système et son environnement, ou **transformée** dans le système.

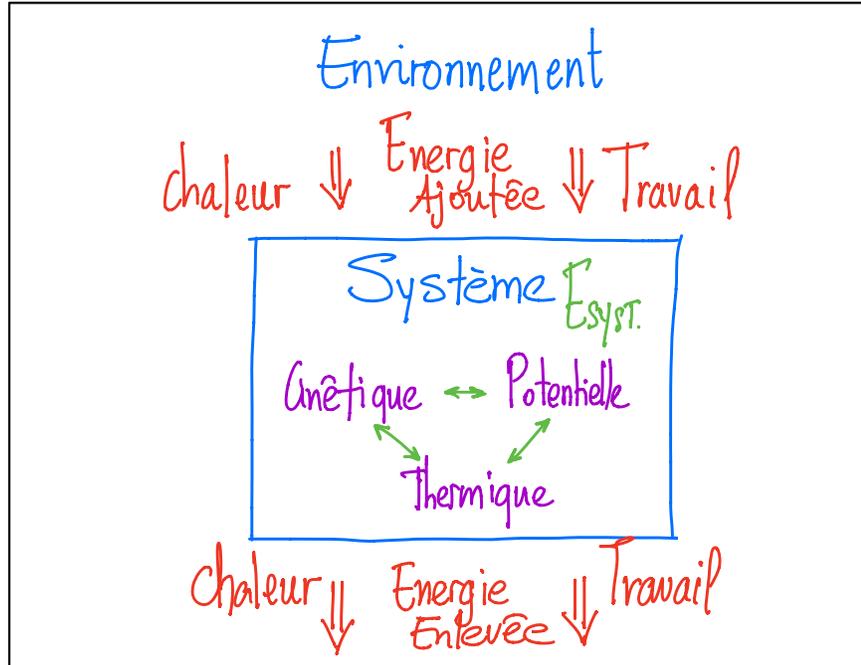


# L'ÉNERGIE

L'énergie totale d'un système isolé est conservée!

Elle peut être transférée par interaction d'un système à un autre.

Mais on ne peut ni créer de l'énergie, ni en détruire.



IN THE SAME WAY,  
AN ELECTRIC CAR  
CONVERTS ELECTRIC  
ENERGY INTO KINETIC  
ENERGY.

ELECTRIC ENERGY

KINETIC ENERGY

WHAT ABOUT  
REGULAR  
CARS?

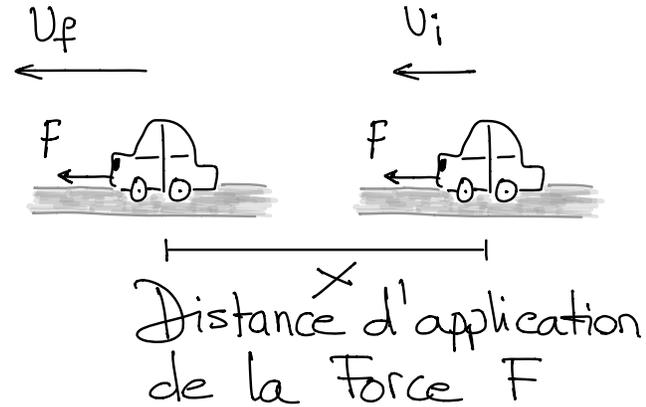
A GASOLINE-  
POWERED  
CAR USES A  
COMBUSTION  
ENGINE

TO CONVERT  
THERMAL ENERGY  
INTO KINETIC  
ENERGY.

THERMAL ENERGY

KINETIC ENERGY

# TRAVAIL



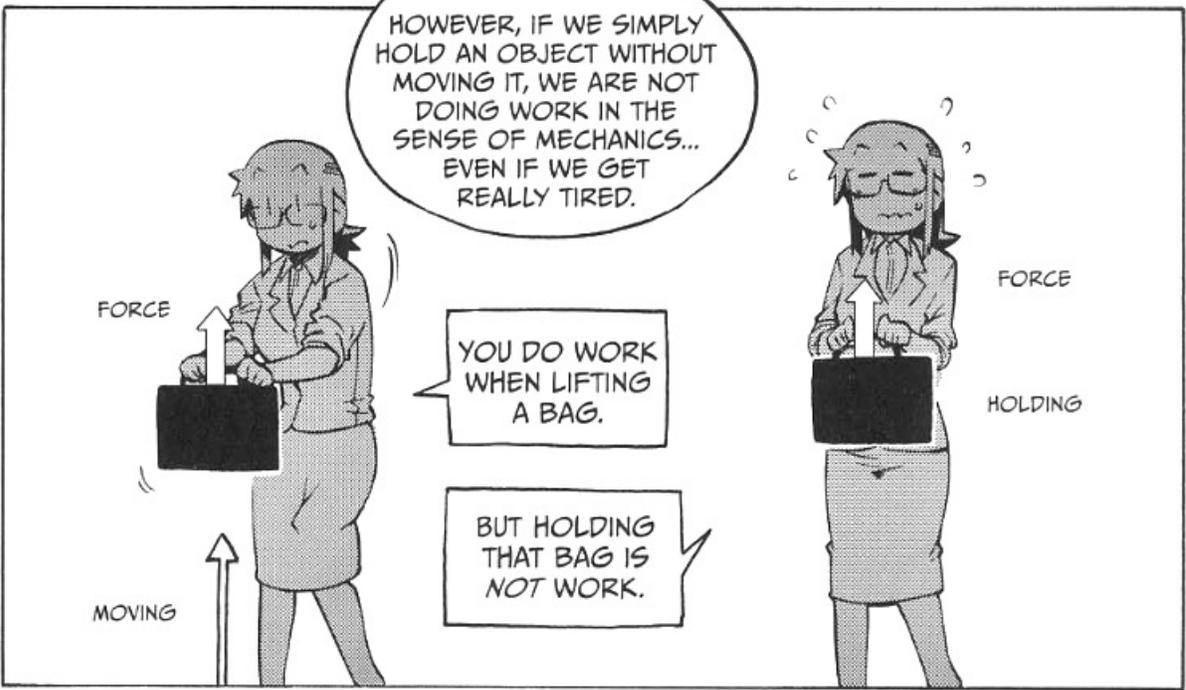
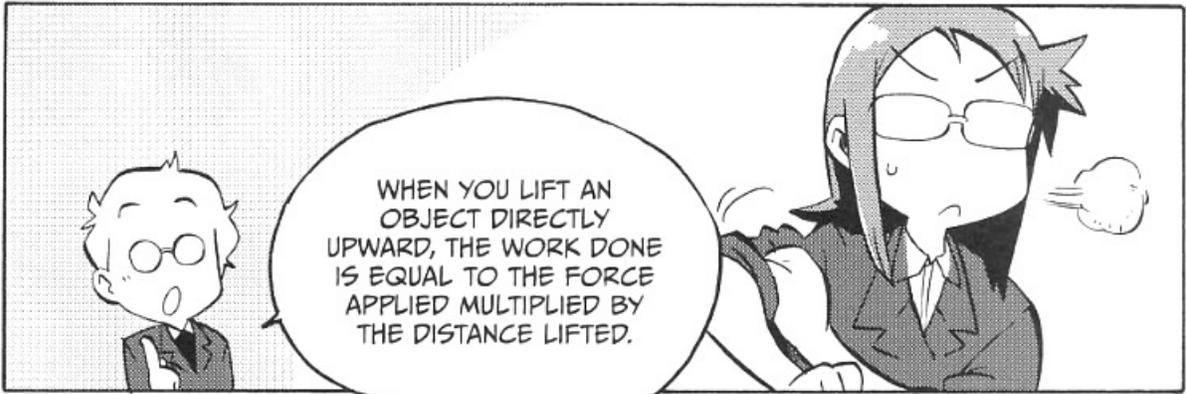
Le travail mesure le changement de l'énergie d'un système qui résulte de l'application d'une force qui agit sur un certain parcours.

$$W = F \cdot x$$

$$[W] = [F] \cdot [x] = N \cdot m = \text{Kg} \cdot \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \cdot \text{m} = \text{kg} \frac{\text{m}^2}{\text{s}^2} = \text{J}$$

$$[F] = [m] [a]$$

$$W = F \cdot x$$



# TRAVAIL – DÉFINITION GÉNÉRALE

$$W_F = F_x \cdot l$$

$$W_{F_y} = W_{F_w} = W_{F_N} = 0 \quad \text{!}$$

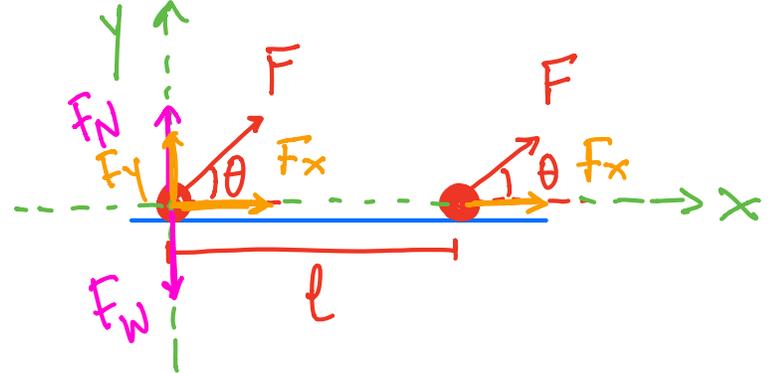
$$W = \vec{F} \cdot \vec{l}$$

$$= F \cdot l \cdot \cos\theta$$

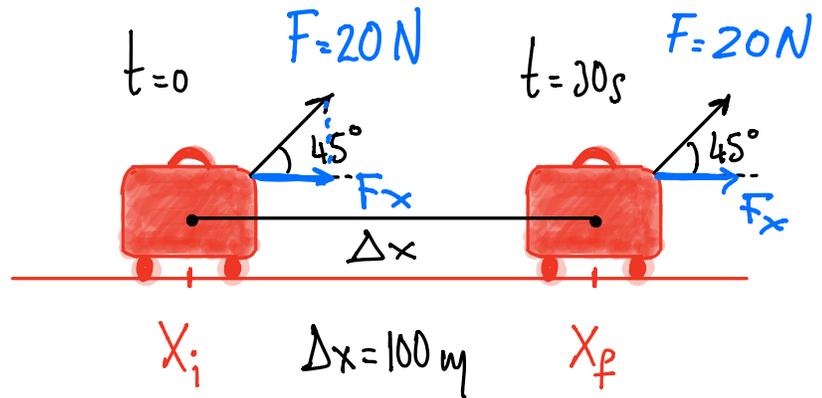
$$\Delta x = 0 \quad : \quad W : \text{nul.}$$

$$l, \Delta x \uparrow \vec{F} \quad : \quad W : (+)$$

$$l, \Delta x \downarrow \vec{F} \quad : \quad W : (-)$$



# EXAMPLE

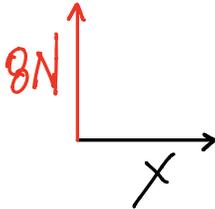


$$\begin{aligned} W &= \vec{F} \cdot \vec{l} = F \cdot l \cdot \cos\theta = \\ &= 20\text{N} \cdot 100\text{m} \cdot \cos 45^\circ \\ &= 1400\text{J} \\ &= F_x \cdot l \end{aligned}$$

# QUESTION

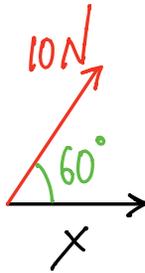
Quelle force fait le plus grand travail pour le même déplacement  $x$ ?

$$W = 0$$



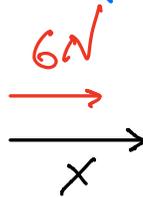
(a)

$$W = 10 \cdot \cos 60^\circ \cdot x = (5 \cdot x) \text{ J}$$



(b)

$$W = (6 \cdot x) \text{ J}$$

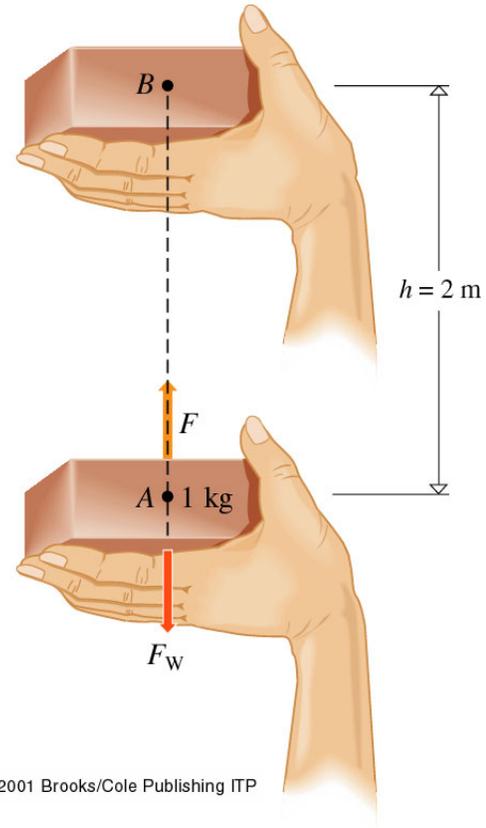


(c)

# TRAVAIL CONTRE LA PESANTEUR

$$W = F \cdot h = F_w \cdot h = mgh$$

$$W_{F_w} = -mgh$$



# FORCE CONSERVATIVE

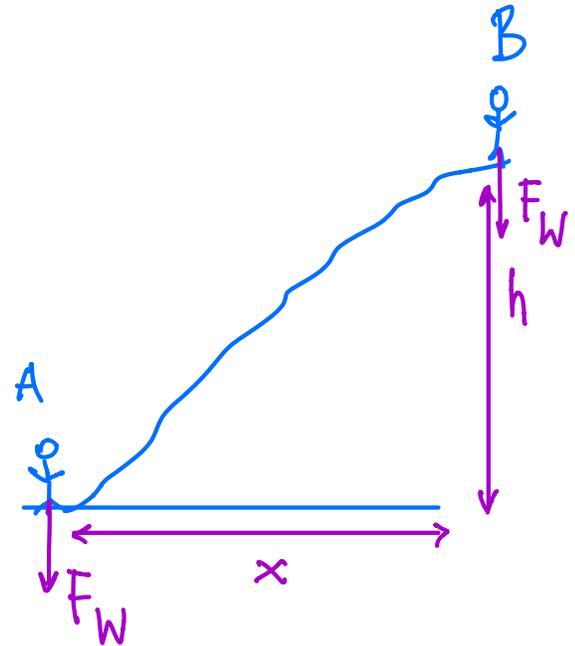
$$W_{F_w} = -mgh$$

$$A \rightarrow B \quad W_{F_w} = -mgh$$

$$B \rightarrow A \quad W_{F_w} = +mgh$$

$$\begin{aligned} A \rightarrow B \rightarrow A \quad W_{\text{TOT}} &= W_{A \rightarrow B} + W_{B \rightarrow A} \\ &= -mgh + mgh \\ &= 0 \end{aligned}$$

⇒ conservative!



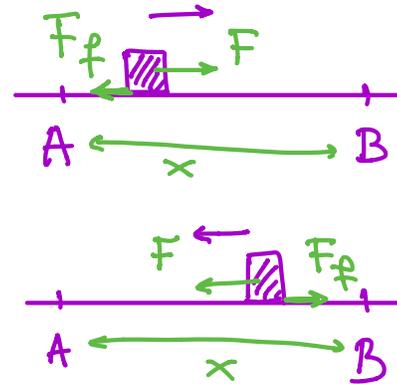
parcours fermé!

# FORCE NON-CONSERVATIVE

$$W_{A \rightarrow B} = -F_f \cdot x$$

$$W_{B \rightarrow A} = -F_f \cdot x$$

$$W_{A \rightarrow B \rightarrow A} = -2 F_f \cdot x$$

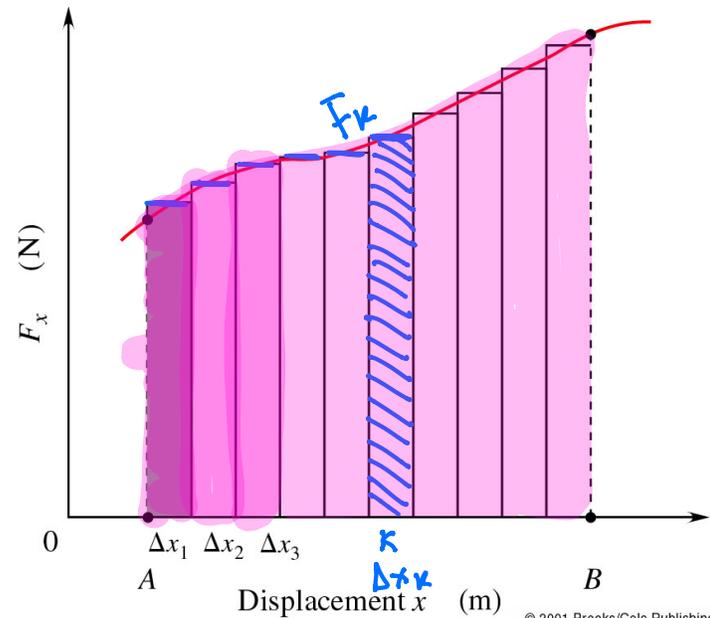


# TRAVAIL D'UNE FORCE VARIABLE

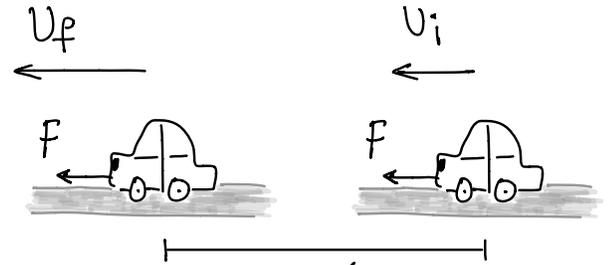
$$W = \int_{x_i}^{x_f} \vec{F} \cdot d\vec{x}$$

$$W_{F_k} = F_k \cdot \Delta x_k$$

$$W_{F_{AB}} = \sum_k F_k \Delta x_k \quad \Delta x_k \rightarrow 0$$



# TRAVAIL



$$F = ma = m \frac{dv}{dt}$$

$$\frac{dv}{dt} = \frac{dv}{dx} \cdot \frac{dx}{dt} = v \frac{dv}{dx}$$

$$\Rightarrow F = m v \frac{dv}{dx} \Rightarrow \int_{x_i}^{x_f} F dx = \int_{v_i}^{v_f} m v dv \Rightarrow$$

Distance d'application de la Force F

$$\Rightarrow F x \Big|_{x_i}^{x_f} = \frac{1}{2} m v^2 \Big|_{v_i}^{v_f} \Rightarrow F \cdot x_f - F \cdot x_i = \frac{1}{2} m v_f^2 - \frac{1}{2} m v_i^2 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow F \cdot \Delta x = \frac{1}{2} m v_f^2 - \frac{1}{2} m v_i^2$$

$$\Rightarrow W_F = E_c^f - E_c^i$$

# TRAVAIL ET ÉNERGIE CINÉTIQUE

$$W = F \cdot x = m a x$$

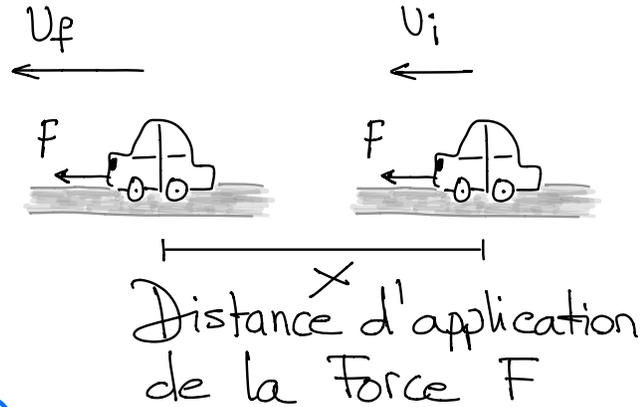
MRUA (rappel)

$$U_F^2 - U_i^2 = 2 a x$$

$$W = \max_{ax = (U_F^2 - U_i^2)/2} \Rightarrow W = \frac{1}{2} m (U_F^2 - U_i^2) \Rightarrow$$

$$W = \frac{1}{2} m U_F^2 - \frac{1}{2} m U_i^2 \Rightarrow$$

$$W = E_c^F - E_c^i \Rightarrow W = \Delta E_c$$



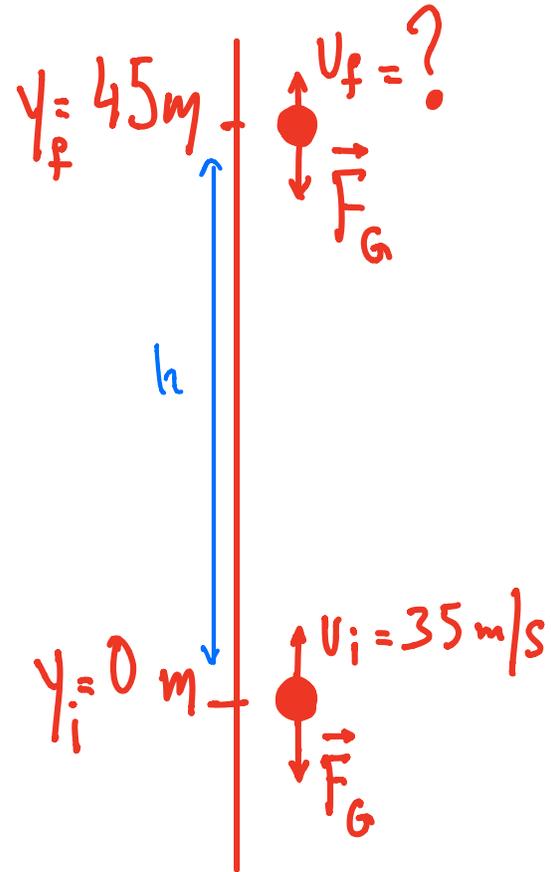
# EXAMPLE

$$W = \Delta E_c$$

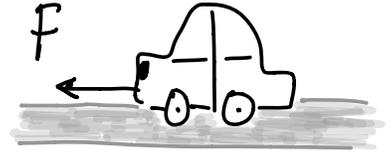
$$-F_w \cdot \Delta h = E_c^f - E_c^i \Rightarrow$$

$$-mgh = \frac{1}{2}mv_f^2 - \frac{1}{2}mv_i^2 \Rightarrow$$

$$v_f^2 = v_i^2 - 2gh \Rightarrow v_f = \dots = 18 \text{ m/s}$$



# EXEMPLE



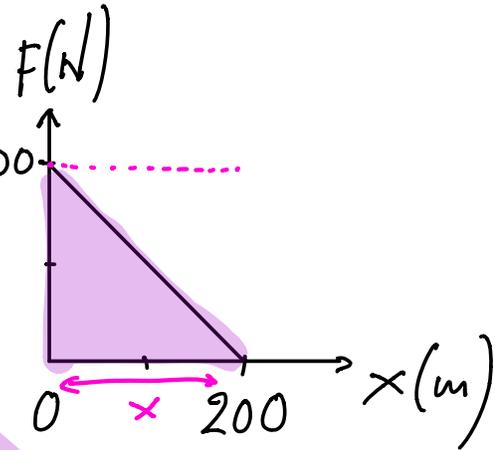
On tire une voiture de 1500 kg avec une force le module de la quelle est démontré sur la figure à coté (pas de changement de direction). Si la vitesse à  $x = 0$  m est zero, quelle est la vitesse à  $x = 200$  m?  $F_0 = 5000$

$$v_0 = 0 \quad m = 1500 \text{ kg}$$

$$v_F = ? \quad F(x)$$

$$W_F = \Delta E_C = \frac{1}{2} m v_F^2$$

$$\frac{1}{2} F_0 \cdot X = \frac{1}{2} m v_F^2 \Rightarrow v_F = \dots$$



~~$$W_F = \bar{F} \cdot X$$~~

$$W_F = \int_0^x F dx$$

# EXEMPLE

Un skieur de 70 kg glisse à 2 m/s quand il commence à descendre à une pente de 50 m de longueur et  $10^\circ$ . Quelle est la vitesse au bas de la pente?